

雑感 2022 の役に立たないメモ

■ $2022=2 \cdot 3 \cdot 337$ で、素数ではない。

■ 新年の計算練習。「 2022^2 と 2202^2 を計算してごらん」

$2022^2=4088484$ であり、配列を逆にすると $2202^2=4848804$ 。

■ 2022 の各位の和 $2+0+2+2=6$ は 2022 の約数であり、 $2022+1=2023$ についても $2+0+2+3=7$ は 2023 の約数、 $2022+2=2024$ についても $2+0+2+4=8$ は 2024 の約数、 $2022+3=2025$ についても $2+0+2+5=9$ は 2025 の約数になっており、4連続でこのようなことが起きている。

■ 2022^k ($1 \leq k \leq 7$) の各位の数の和は、 2022^k の約数。例えば $2022^3=8266914648$ で、各位の数の和は $54=2 \cdot 3^3$ で、 2022^3 の約数である。

■ 2022 はいとこ素数の和である。1009, 1013 がそのいとこ素数。なお、いとこ素数はその差が4である。

■ $p(n)$ を n 番目の素数とすると、 $p(2022)+2022$, $p(2022)-2022$ の双方が素数である。実際、 $p(2022)=17581$ であり、 $p(2022)+2022=19603$, $p(2022)-2022=15559$ はともに素数。

なお、このような n を小さい順に並べると、

4, 6, 18, 42, 66, 144, 282, 384, 408, 450, 522, 564, 618, 672, 720, 732, 744, 828, 858, 1122, 1308, 1374, 1560, 164, 164, 164, 164, 166, 164, 166, 164, 166, 164, 1667, 1848, 1920, 2022 , 2304, 2412, ...

■ $p(2022)=17581$, $p(2023)=17597$ で、この間 16 のギャップがある。つまり、17582~17596 の 15 個は連続する合成数になっている。

雑感「GeoGebraの知らなかったコマンド」に載せた素数分布の図で表すと右の通りだが、 $p(2027) \sim p(2028)$ の間には連続する 29 個の合成数がある。上には上がある。



■ a, b, c, d をすべて 11 以下の自然数とすると、分数和 $a/b+c/d$ は 2022 通りの異なる値をとる。11⁴通りのすべての場合をリストアップし、重複の削除を行うと、確かに 2022 個となったが、個数計算の妙手はあるのか。

■ 集合 $\{1, 2, 3, \dots, 30\}$ の部分集合は全部で $2^{30}=1073741824$ 個存在するが、その部分集合の要素の調和平均が整数になる部分集合が 2022 個あるという。例えば $\{3, 4, 6\}$ では、要素の調和平均は $3/(1/3+1/4+1/6)=4$ で整数。

■ $x^2 + y^2 + z^2 < 15^2$, $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ を満たす格子点は、全体で 2022 個。図示すると、右のようになり、ここに 2022 個の青い点が存在する。

